

ที่อเรื่องการค้นคว้าแบบอิสระ เชิงวิทยานิพนธ์ ๙-ฟิลต์ที่เป็นฟิลต์จำกัด

ชื่อผู้เขียน นายชาตรี ศรีแก้ว

วิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาสอนคณิตศาสตร์

คณะกรรมการสอบการค้นคว้าแบบอิสระ เชิงวิทยานิพนธ์

ผู้ช่วยศาสตราจารย์진تنا	แสวงค์	ประธานกรรมการ
------------------------	--------	---------------

ผู้ช่วยศาสตราจารย์กรรษิกา	เกียนวัฒนา	กรรมการ
---------------------------	------------	---------

ผู้ช่วยศาสตราจารย์ดีรง	จันทร์	กรรมการ
------------------------	--------	---------

### บทคัดย่อ

จุดมุ่งหมายของการค้นคว้าแบบอิสระ เชิงวิทยานิพนธ์นี้ เพื่อนำฟิลต์จำกัดทั้งหมดที่เป็น ๙-ฟิลต์ สำหรับจำนวนเต็มบวก  $n \geq 2$  ผลการศึกษาสรุปได้ดังนี้

- 1) ถ้า  $R$  เป็นอนพิกรล โดเมนที่มีจำนวนเต็มบวก  $p$  เป็นแคแรกเทอริสติกแล้ว  $R$  เป็น  $p^k$  - โดเมน ทุกจำนวนเต็มบวก  $k$
- 2) ให้  $n$  เป็นจำนวนเต็มบวก โดยที่  $n \geq 2$  ถ้า  $F$  เป็น ๙-เอกเซปชัน แล้ว  $F$  เป็นฟิลต์จำกัดที่มีจำนวนสมาชิกน้อยกว่า  $n$
- 3) ให้  $n$  เป็นจำนวนเต็มบวกโดยที่  $n \geq 2$  และให้  $F$  เป็นฟิลต์จำกัดที่มีจำนวนสมาชิกเท่ากับ  $m$  โดยที่  $m \geq 3$  และมีจำนวนเต็มบวก  $p$  เป็นแคแรกเทอริสติก ถ้า  $n = (m-1)q + r$  สำหรับบางจำนวนเต็ม  $q$  และ  $r$  โดยที่  $0 \leq r < m - 1$  ดังนั้นจะได้ว่า  $F$  เป็น ๙-ฟิลต์ ก็ต่อเมื่อ  $r = 1$  หรือ  $r = p^k$  บางจำนวนเต็มบวก  $k$
- 4) ถ้า  $F$  เป็น ๙-ฟิลต์ เมื่อ  $n$  เป็นจำนวนคู่บวก แล้ว  $F$  มี ๒ เป็น แคแรกเทอริสติก

**Research Title** Finite n-Fields

**Author** Mr. Chatree Srikeao

**M.S.** Teaching Mathematics

**Examining Committee :**

Assist. Prof. Jintana	Sanwong	Chairman
Assist. Prof. Gunniga	Keanvatana	Member
Assist. Prof. Dhamrong	Chanthon	Member

**Abstract**

The purpose of this research is to find all finite n-fields for each positive integer  $n \geq 2$ . The main results are as follows:

1) If  $R$  is an integral domain of characteristic  $p > 0$  then  $R$  is  $p^k$ -domain for all positive integers  $k$ .

2) Let  $n \geq 2$  be a positive integer. If  $F$  is an  $n$ -exception then  $F$  is a finite field of cardinality less than  $n$ .

3) Let  $n \geq 2$  be a positive integer and  $F$  a field of cardinality  $m \geq 3$  with characteristic  $p > 0$ . If  $n = (m-1)q + r$  for some integers  $q, r$  when  $0 \leq r < m-1$ . Then  $F$  is an  $n$ -field if and only if  $r = 1$  or  $r = p^k$  for some positive integers  $k$ .

4) If  $F$  is an  $n$ -field where  $n$  is a positive even, then  $F$  has characteristic 2.