

**ชื่อเรื่องการค้นคว้าแบบอิสระ เชิงวิทยาพิมพ์ อนุพันธ์ของฟังก์ชันค่าจริง โดยอาศัยจำนวนจริง**

มิติ เกิน

ชื่อผู้เขียน

นายกนก จุยคำวงศ์

วิทยาศาสตรมหาบัณฑิต

สาขาวิชาสหศึกษาศาสตร์

คณะกรรมการสอบการค้นคว้าแบบอิสระ เชิงวิทยาพิมพ์

ศาสตราจารย์ ดร. สุมพงษ์ ธรรมพงษา

ประธานกรรมการ

ผู้ช่วยศาสตราจารย์จินตนา แคนwang

กรรมการ

อาจารย์รุ่งนภา

ภาคีสู่สุข

กรรมการ

**บทคัดย่อ**

จุดมุ่งหมายของการวิจัยนี้ เพื่อที่จะแสดงการพิสูจน์ทฤษฎีบทเกี่ยวกับอนุพันธ์ของฟังก์ชันจำนวนจริงทางทฤษฎีใน 3 รูปแบบคือ รูปแบบมาตรฐานที่มีอยู่เดิม รูปแบบของ Hatcher และรูปแบบของ Keisler

การสร้างจำนวนจริงมิติเกินตามวิธีของ Hatcher และ Keisler ถูกนำเสนอ  
พร้อมคุณสมบัติที่สำคัญ และคุณสมบัติเหล่านี้ได้ถูกนำมาสร้างวิธีพิสูจน์เพิ่มเติม 2 วิธี สำหรับทฤษฎี  
ที่กล่าวถึงข้างต้น

**ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่**  
**Copyright © by Chiang Mai University**  
**All rights reserved**

Research Title	The Differentiation of Real Valued Functions by Means of Hyperreal Numbers		
Author	Mr. Kanok Chuicomwong		
M.S.	Teaching Mathematics		
Examining Committee	Prof.Dr.Sompong Dhompongsa	Chairman	
	Assist.Prof.Jintana Sanwong	Member	
	Lecturer Roongnapa Pakdeesusuk	Member	

### Abstract

The purpose of this research is to show some proofs of some theorems, involving the differentiation of real valued functions in 3 ways, namely, ordinary, Hatcher's and Keisler's method.

The constructions of the hyperreal numbers given by Hatcher and Keisler are presented along with some of their important properties. From these, two more methods of proofs of the theorems mentioned above are given.