

ระเบียนวิธีการศึกษา

ในระเบียนวิธีที่จะใช้ทำการศึกษา เพื่อให้นรรดุลวัตถุประสงค์ในข้อที่ ๑ จึงได้ทำการวิเคราะห์ โดยใช้การแยกแข่งร้อยละ พร้อมทั้งหาค่าสัมประสิทธิ์จินนี (Gini Coefficient) เพื่อวัดการกระจายสินเชื่อให้แด่นวิชูรกิจในแต่ละสาขา เศรษฐกิจ และนำค่าสัมประสิทธิ์จินนีที่ได้มานะเปรียบเทียบกัน โดยทำการเปรียบเทียบ ค่าสัมประสิทธิ์จินนีของ การกระจายสินเชื่อ โดยธนาคารพาณิชย์ที่อยู่ในเขตอำเภอเมือง และเขตอำเภอรอบนอก ตลอดจนเปรียบเทียบค่าสัมประสิทธิ์จินนีของ การกระจายสินเชื่อระหว่างสาขาเศรษฐกิจต่าง ๆ ที่อยู่ในเขตอำเภอเมืองและเขตอำเภอรอบนอก

สำหรับวัตถุประสงค์ข้อ ๒ นั้น ได้ทำการศึกษาหลักเกณฑ์แผนงาน และนโยบายการให้สินเชื่อ โดยธนาคารพาณิชย์ทุก ๆ สาขาทั้งอำเภอเมือง และอำเภอรอบนอก โดยได้ทำการสัมภาษณ์บุคลากรผู้มีอำนาจในการตัดสินใจอย่างละเอียด เช่น ผู้จัดการ ผู้ช่วยผู้จัดการ สมมหนัญชี หัวหน้าแผนกสินเชื่อที่เกี่ยวข้อง เป็นต้นและนำผล การดำเนินงานของธนาคารพาณิชย์ ที่ได้จากการวิเคราะห์มาเปรียบเทียบกับเป้าหมายที่รัฐได้กำหนด เอาไว้เพื่อบรรลุวัตถุประสงค์ข้อ ๓

ในการศึกษาได้นำเอาวิธีการศึกษาอย่างละเอียด(intensive study) เข้ามาย่วยในการตรวจสอบข้อมูล และเพื่อทำความเข้าใจในกลไกอย่างแท้จริง เกี่ยวกับการดำเนินงานของธนาคารด้วย ทั้งนี้เพื่อให้ผลการวิเคราะห์ถูกต้องแม่นยำ มากยิ่งขึ้น

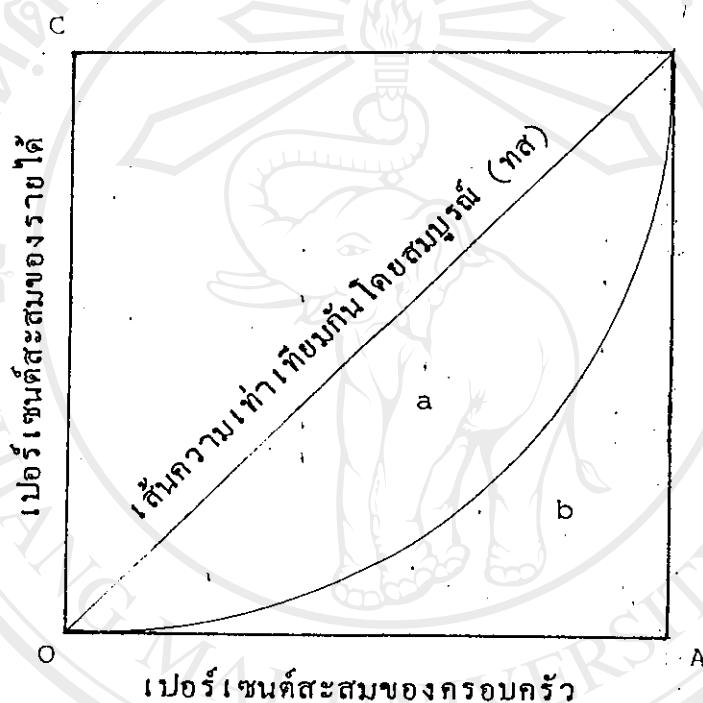
สำหรับการคำนวณค่าสัมประสิทธิ์จินน์ ได้ใช้วิธีการอันเดียวกันกับการคำนวณรายได้ของกรอบครัวไทย ปี 2515 โดยเมธิ ครองแก้ว¹ โดยการใช้เส้นลอเรนซ์ (Lorenz Curve) เป็นตัวแสดงแบบแผนการกระจายรายได้

นั่นคือเมธิได้ใช้เส้นลอเรนซ์ (Lorenz Curve) เป็นตัวแสดงแบบการกระจายรายได้ด้วยการสร้างรูปสี่เหลี่ยมจากรัศมีนารูปหนึ่ง และกำหนดให้แก่นอนของรูป แสดงถึงสัดส่วนของความต่างสมของจำนวนกรอบครัว โดยแบ่งตามชั้นของรายได้ และกำหนดให้แก่ตั้ง เป็นสัดส่วนความต่างสมของรายได้ทั้งหมด และได้เส้นลอเรนซ์จากการลากเส้นเชื่อมจุด Coordinate ของทั้งสองแกนดังกล่าว เส้นลอเรนซ์จะแสดงลักษณะการกระจายรายได้ โดยเปรียบเทียบกับเส้นทะแบ่งมุมของรูปสี่เหลี่ยมจาก โดยที่ถ้าเส้นนี้กับเส้นทะแบ่งมุมจะแสดงถึงความเท่าเทียมกันอย่างสมบูรณ์ (ทส). ในการกระจายรายได้ แต่ถ้าเส้นนี้หักออกห่างจากเส้นทะแบ่งมุมจะหักแสดงถึงความไม่เท่าเทียมกันในการกระจายได้ และจากการศึกษาของเมธิได้ใช้สัมประสิทธิ์จินน์(Gini Coefficient) เป็นตัวชี้ให้เห็นถึงลักษณะการกระจายรายได้ โดยที่ถ้าหากว่าค่าของสัมประสิทธิ์จินน์ที่คำนวณได้เป็น ๐ แสดงว่าการกระจายรายได้มีความเท่าเทียมกันอย่างที่สุด (absolute equality) และถ้าค่าเป็น ๑ แสดงว่าการกระจายรายได้ไม่เท่าเทียมกันอย่างที่สุด (absolute inequality)

ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่
Copyright © by Chiang Mai University
All rights reserved

¹ อ้างแล้ว, หน้า 138-152.

รูปแสดง | สัมภาระน้ำ



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่
จากผู้สร้าง เหลือบ จุรัตน์ ค่าสัมประสิกธ์ จันทร์ กีอ
Copyright © by Chiang Mai University
All rights reserved

โดยทั่วไปแล้วการคำนวณค่าสัมประสิทธิ์จิ่นี้ ของการกระจายรายได้มักจะกระทำโดยการรวมเนื้อที่สามเหลี่ยม ซึ่งสร้างขึ้นมาจากจุด Coordinate ภายใต้เส้นลอเรนซ์จากนั้นก็คูณเนื้อที่นี้ด้วย 2 และนำไปลบออกจากเนื้อที่ของสี่เหลี่ยมจตุรัส

ซึ่งมีค่าเท่ากับ 1 ส่วนที่เหลือจะเท่ากับสองเท่าของเนื้อที่ระหว่างเส้นสมอภาคหรือเส้นความเท่าเทียมกันโดยสมบูรณ์ (ทส) กับเส้นลอเรนซ์ ซึ่งก็คือค่าสัมประสิทธิ์จันน์องของหรือในรูปของสูตร

สูตรที่ 1

$$G = 1 - \sum_{i=1}^n (Z_i P_i)$$

โดย

$$G = \text{ค่าสัมประสิทธิ์จันน์}$$

$Z_i = Y_i + Y_{i-1}$ = ความถี่สะสมของสินเชื่อทั้งหมดของหน่วยธุรกิจซึ่งได้รับสินเชื่อระดับที่ i รวมกับความถี่สะสมของสินเชื่อทั้งหมดของหน่วยธุรกิจซึ่งได้รับสินเชื่อในระดับก่อนหน้า

P_i = ความถี่สะสม หรือสัดส่วนของหน่วยธุรกิจที่ได้รับสินเชื่อระดับที่ i

i = ระดับชั้นของสินเชื่อแต่ละระดับ

สำหรับการศึกษารังนี้จะไม่นำเอาวิธีการคำนวณค่าสัมประสิทธิ์จันน์ โดยสูตรที่ 1 (วิธีสัด) มา เพราะเห็นว่าเป็นวิธีการที่ไม่ละเอียดพอ และได้นำสูตรที่ 2 มาใช้คำนวณ

สูตรที่ 2

$$\text{โดย } G = 1 - 2 \left\{ \sum_{i=1}^n (f_i - f_{i-1})(y_{i-1}) + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (f_i - f_{i-1})(y_i - y_{i-1}) \right\}$$

โดย

$$G = \text{ค่าสัมประสิทธิ์จันน์}$$

f_i = ความถี่สะสมของจำนวนครอบครัว ซึ่งมีรายได้ที่ระดับ i

y_i = ความถี่สะสมของรายได้ทั้งหมดของครอบครัว ซึ่งมีรายได้ที่ระดับ i

$i = 1, 2, \dots, n$ = จำนวนชั้นของรายได้ที่ทราบหรือเป็นระดับชั้นของรายได้แต่ละช่วง

Copyright © Chiang Mai University All rights reserved

สำหรับการศึกษา เรื่องการกระจายสินเชื่อ โดยธนาคารพาณิชย์จะกำหนดให้แกนต์ของรูปสี่เหลี่ยมจตุรัส คือ เปอร์เซนต์สะสมของสินเชื่อ และแกนนอน คือ เปอร์เซนต์สะสมของหน่วยธุรกิจ และให้

G = ค่าสัมประสิทธิ์จันทร์

f_i = ความถี่สะสมของจำนวนหน่วยธุรกิจที่ได้รับสินเชื่อระดับที่ i

y_i = ความถี่สะสมของสินเชื่อทั้งหมดที่หน่วยธุรกิจได้รับ ณ ระดับที่ i

i = ระดับชั้นของสินเชื่อ

n = จำนวนระดับชั้นของสินเชื่อ

ค่าสัมประสิทธิ์จันทร์ได้ด้วยวิธีการดังกล่าวนี้ เป็นที่น่าสงสัยว่าอาจจะมากกว่าหรือน้อยกว่าค่าที่ควรจะเป็นจริงก็ได้ ทั้งนี้ เพราะการคำนวณหาเนื้อกήวยาได้เส้นลอดเรนซ์ คือเนื้อที่ b นั้น เป็นการคำนวณหาค่าของพื้นที่สามเหลี่ยม ซึ่ง เป็นพื้นที่ครึ่งหนึ่งของรูปสี่เหลี่ยมจตุรัสที่ถูกแบ่งด้วยเส้นทะแบ่งมุม ตามรูปกีดอ สามเหลี่ยม OAB และพื้นที่สี่เหลี่ยมจตุรัส OABC ซึ่งจะเห็นว่า ได้รวมเข้าเนื้อที่หนึ่งอีกเส้นลอดเรนซ์เข้าไปด้วย ดังนั้นถ้าหากว่าการคำนวณหาเนื้อกήวยาได้เส้นลอดเรนซ์ คือเนื้อที่ b ดังกล่าวนี้สามารถจะหาโดยให้ได้ค่าที่ใกล้เคียงกับความเป็นจริง ให้มากที่สุดเท่าที่จะทำได้โดยไม่ใช้วิธีประมาณค่าตามวิธีลัด หรือความสูตร

$$G = \frac{1}{n} - \frac{2}{n} \left[\sum_{i=1}^n (f_i - f_{i-1})(y_{i-1}) + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (f_i - f_{i-1})(y_i - y_{i-1}) \right]$$

แล้ว คาดว่าค่าสัมประสิทธิ์จันทร์น่าจะถูกต้อง และใกล้เคียงความจริงมากกว่า

โดยวิธีการศึกษาเช่นเดียวกันกับที่ N.C. Kakwani และ N. Podder ได้ใช้ทำการศึกษา กรณีการกระจายรายได้ในกลุ่มครัวเรือน หรือผู้บุริโภคชาวอาสา เศรษฐ์ ในช่วงปี 1967-1976² ซึ่ง เมธ คงแก้ว ได้นำเอาวิธีการเดียวกันนี้มาทำการศึกษา เพื่อทดสอบผลของการวิเคราะห์ด้วยวิธี แรก หรือวิธีลัดที่กล่าวมาแล้ว เพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์จินต์ไกล์เคียงค่าที่เป็นจริง และถูกต้องให้มากขึ้น โดยใช้สูตรดังต่อไปนี้

สูตรที่ 3

$$G = 2a(\sqrt{2})^{1+\alpha+\beta} B(1+\alpha, 1+\beta)$$

โดยกำหนดให้:

$$G = \text{ค่าสัมประสิทธิ์จินต์}$$

$$B(1+\alpha, 1+\beta) = \text{ค่าปฏิพันธ์เบต้า (Beta function)} \text{ ซึ่ง} \\ \text{มีค่าเท่ากับ } \frac{\gamma(1+\alpha)\gamma(1+\beta)}{\gamma(2+\alpha+\beta)}$$

$$\alpha \text{ และ } \beta = \text{ค่าสัมประสิทธิ์ (Coefficient) ของเส้นลอ伦ซ์}$$

ซึ่งในกรณีของการศึกษาเรื่องการกระจายสินเชื่อ โดยธนาคารพาณิชย์ กรุงนี้ถือว่าข้อมูลเกี่ยวกับจำนวนสินเชื่อและจำนวนลูกค้าที่ได้รับสินเชื่อนั้นเป็น ประชากรไม่จำกัด(unlimited population) ซึ่งไม่สามารถจะรวมรวมมาได้ทั้งหมด

² N.C. Kakwani and N. Podder, "Efficiency Estimation of The Lorenz Curve and Associated Inequality Measures from Grouped observations", *Econometrica*, Vol. 44, No.1 (January 1976), pp.137-148.

ดังนั้นจึงไม่สามารถจะกำหนดค่า $\hat{\alpha}$ และ $\hat{\beta}$ โดยตรงได้ ด้วยเหตุนี้จึงทำการสุ่มตัวอย่างข้อมูลดังกล่าวมาแล้วคำนวณหาค่า $\hat{\alpha}$ และ $\hat{\beta}$ จากข้อมูลตัวอย่างนั้นและถือว่า $\hat{\alpha}$ และ $\hat{\beta}$ คือ ตัวประมาณค่า (estimators) ของ α และ β

ดังนั้นจึงได้แทนค่า $\hat{\alpha}$ และ $\hat{\beta}$ ลงในสมการทดสอบของ Kakwani และ Podder และใช้สูตรว่า

$$G = 2a(\sqrt{2})^{1+\hat{\alpha}+\hat{\beta}} B(1+\hat{\alpha}, 1+\hat{\beta})$$

และค่าบัญพันธ์เบื้องต้น

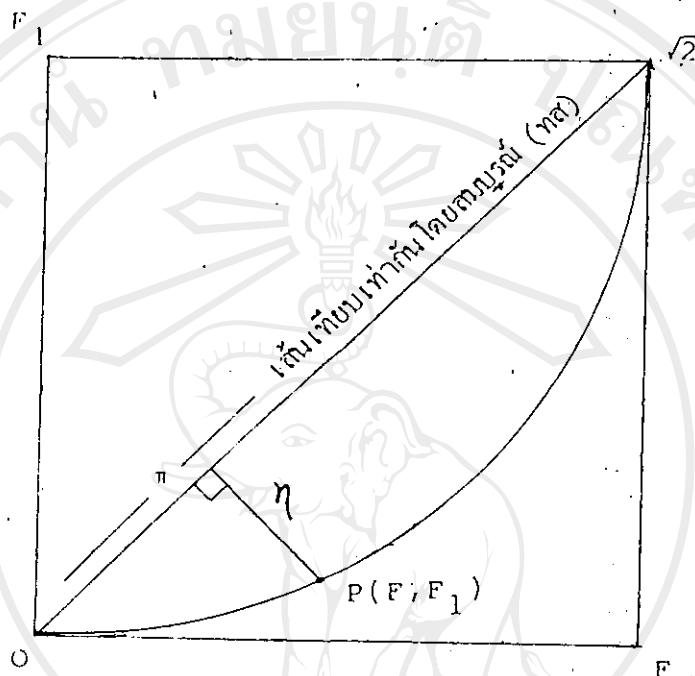
$$B(1+\hat{\alpha}, 1+\hat{\beta}) = \frac{\gamma(1+\hat{\alpha}) \gamma(1+\hat{\beta})}{\gamma(2+\hat{\alpha}+\hat{\beta})}$$

สำหรับการศึกษาโดย Kakwani และ Podder ได้ทำการสมนูตให้ระดับรายได้ที่ x ของหน่วยครัวเรือนหนึ่ง ซึ่ง เป็นตัวแปรสุ่ม (random variable) ซึ่งมีบัญพันธ์การกระจายความน่าจะเป็นໄป้าได้ (Probability distribution function) เท่ากับ $F(x)$ และสมนูตให้ค่าเฉลี่ยของการกระจายรายได้คือ μ และค่าระดับรายได้ เป็นบวกเท่านั้น นั่นคือหมายความว่าจะ ไม่มีครัวเรือนไหนที่จะมีรายได้ติดลบดังนั้นจึงกำหนด ไมemenที่หนังของบัญพันธ์การกระจายรายได้ x เท่ากับ

$$F_1(x) = \frac{1}{\mu} \int x g(x) dx \quad (1)$$

โดยให้ $g(x)$ คือบัญพันธ์ความหนาแน่น (density function)

รูปแสดง เส้นลอเรนซ์



เส้นลอเรนซ์ที่แสดงในรูปนี้ ก็คือเส้นแสดงถึงความสัมพันธ์ระหว่าง $F(x)$ กับ $F_1(x)$ สมการของเส้น $F_1 = F$ หรือเส้นที่แบ่งมุมล่างซ้ายไปยังมุมบนขวาของรูปสี่เหลี่ยมจตุรัส ซึ่งมีพื้นที่เท่ากันหนึ่ง ก็คือเส้นความเท่าเทียมกันโดยสมบูรณ์ (ทส)

กำหนดให้ P เป็นจุด ๆ หนึ่งบนเส้นลอเรนซ์ โดยมี Co-ordinate (F, F_1) และ

$$\pi = \sqrt{\frac{1}{2}}(F+F_1) \text{ และ } \theta = \sqrt{\frac{1}{2}}(F-F_1)$$

โดย π ก็คือความยาวของเส้นที่ลากจาก P ไปยังเส้นเท่าเทียมกันโดยสมบูรณ์ (ทส) และ θ ก็คือระยะทาง จุด P ลงตันไปตามเส้น ทส. สมการของเส้นลอเรนซ์ในรูปของ π และ θ สามารถเขียนได้ดังนี้คือ

$$\theta = f(\pi)$$

โดยถ้าของ π จะเปลี่ยนจาก 0 ถึง $\sqrt{2}$ และถ้าของ θ ที่ได้จะบวกถึงส่วนโภ้งของเส้นลอเรนซ์ตลอดความยาวของเส้นทแยงมุน π

$F = f =$ ความถี่สะสมของจำนวนหน่วยธุรกิจที่ได้รับสินเชื่อตามชั้นของสินเชื่อต่าง ๆ กัน

$F_1 = y =$ ความถี่สะสมของสินเชื่อทั้งหมดตามชั้นของสินเชื่อต่าง ๆ กัน

จากนั้น Kakkwani และ Podder ได้สร้างสมการในรูปเฉพาะ (explicit form) เพื่อใช้ประมาณความสัมพันธ์ของ θ กับ π คือ

$$\theta = a\pi^\alpha(\sqrt{2} - \pi)^\beta, a > 0, \alpha > 0 \text{ และ } \beta > 0 \quad (2)$$

ข้อจำกัดที่ว่าให้ $a > 0$ หมายความว่า $\theta > 0$ นั่นคือ เส้นลอเรนซ์จะต้องอยู่ใต้เส้นทแยงมุน ส่วน $\infty > 0$ และ $\beta > 0$ นั่น หมายความว่า θ จะมีค่าเท่ากับ 0 เมื่อ $\pi = 0$ หรือ $\pi = \sqrt{2}$

ตามลักษณะการกระจายรายได้ที่แท้จริง ถ้า F ก็คือ เปอร์เซนต์ หรือ ความถี่สะสม (cumulative percentages or frequencies) ของจำนวนครัวเรือนที่ได้รับรายได้ตามชั้นของรายได้ต่างๆ กัน (f) และค่า F_1 ก็คือเปอร์เซนต์ หรือความถี่สะสมของรายได้ของครัวเรือนทั้งหมดตามชั้นของรายได้ต่าง ๆ กัน (y) ดังนั้นถ้าของ θ และ π ตามสมการ (2) สามารถแทนถ้าได้จากข้อมูลการกระจายรายได้ได้ดังนี้ คือ

$$\left(\frac{f-y}{\sqrt{2}}\right) = a\left(\frac{f+y}{\sqrt{2}}\right)^\alpha \left[\sqrt{2} - \left(\frac{f+y}{\sqrt{2}}\right)\right]^\beta \quad (3)$$

หรือในรูปของ logarithms เพื่อกำนัณหาค่า parameters a , α และ β ตามวิธี least squares method ทำได้ดังนี้

$$\log\left(\frac{f-y}{\sqrt{2}}\right) = \log a + \alpha \log\left(\frac{f+y}{\sqrt{2}}\right) + \beta \log\left[\sqrt{2} - \left(\frac{f+y}{\sqrt{2}}\right)\right] \quad (4)$$

สมการ (4) ไม่ได้รวมเอาความผันแปรสุ่ม (random disturbance) เข้าไว้ด้วย โดยสมมุติว่ามีการกระจายปกติ

โดยที่ $\alpha \approx$ และ β สามารถประมาณค่าได้ โดยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Least Square Estimation) โดยสมมุติค่าตัวแปรในสมการว่า

$$\log\left(\frac{f-y}{\sqrt{2}}\right) = y_1 \quad (5)$$

$$\log\left(\frac{f+y}{\sqrt{2}}\right) = y_2 \quad (6)$$

$$\log\left[\sqrt{2} - \left(\frac{f+y}{\sqrt{2}}\right)\right] = y_3 \quad (7)$$

เมื่อได้ทราบค่าสัมประสิทธิ์ (Coefficient) α และ β ของเส้นลอเรนซ์แล้วการคำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์จึงก็ทำได้ โดยการอนทิเกรทสมการเส้นลอเรนซ์ จากค่า 0 ถึง $\sqrt{2}$ ก็จะได้เนื้อที่ระหว่างเส้นทะแบ่งมุมกับเส้นลอเรนซ์ สองเท่าของเนื้อที่นี้ก็คือค่าสัมประสิทธิ์จึง โดยใช้สูตรว่า

$$G = 2 \int_a^{\sqrt{2}} \pi^\alpha (\sqrt{2} - \pi)^\beta d\pi \quad (8)$$

$$= 2a(\sqrt{2})^{1+\alpha+\beta} B(1+\alpha, 1+\beta) \quad (9)$$

โดย $B(1+\alpha, 1+\beta)$ คือค่าบีพินช์เบต้า (Beta function) ซึ่งคำนวณขึ้นใหม่ได้โดยผ่าน gamma function คือ

$$B(1+\alpha, 1+\beta) = \frac{\gamma(1+\alpha) \gamma(1+\beta)}{\gamma(2+\alpha+\beta)}$$

จากตาราง เนื้อหาที่คำนวณขึ้นมาได้นั้น ค่า α และ β ที่คำนวณได้ไม่ตรงกับค่าในตารางที่มีอยู่ทั่วไป ดังนั้นจึงได้ใช้วิธีการอินทิเกรท gamma function ด้วยวิธีการดังต่อไปนี้

$$\gamma(x) = \frac{t^x \cdot e^{-t}}{x} \int_0^\infty t^{x-1} e^{-t} dt$$

และ

$$\gamma(x) = \frac{\gamma(x+1)}{x}$$

หรือ

$$x\gamma(x) = \gamma(x+1)$$

โดย $0 < x < 2$

เมื่อได้ใช้สูตรที่ 2 ทำการวิเคราะห์ โดยวิธีลัด และสูตรที่ 3 โดยวิธี Regression ก็สามารถหาค่าสัมประสิทธิ์ที่ต้องไปได้

อย่างไรก็ตามในการวิเคราะห์ข้อมูลแบบตัดขวาง (Cross Sectional data) ตามที่ได้ผลดังกล่าวมาแล้วทั้งหมดนี้บางครั้ง ข้อมูลคืออาจไม่เป็นจริงก็ได้ เพราะความแปรปรวนของตัวรบกวน (disturbance terms) อาจไม่เท่ากัน ซึ่งกล่าวอีกนัยหนึ่งเรียกว่าเกิด heteroscedasticity ขึ้นมาก็เป็นได้ การเกิด heteroscedasticity นี้จะทำให้ผลของการวิเคราะห์โดยใช้วิธี Ordinary Least Squares Method นั้นทำให้ได้ล่าช่องตัวสัมประสิทธิ์ที่ประมาณอognan ไม่มี efficiency ซึ่งเป็นคุณสมบัติที่ไม่เป็นที่ต้องการ แม้ว่าผลที่ได้จะยังคงเป็น

All rights reserved
Copyright © by Chang Mai University

³ C.Ray Wylie and Louis C.Barret, Advanced Engineering Mathematics, 5th edition, Mc.graw-Hill International Book Company, 1982, chapter 8 pp.401-421.

Unbiased อยู่กีดาม และนอกจากนี้แล้วเมื่อเกิด heteroscedasticity แล้ว และถ้ายังคงใช้สูตรการคำนวณหาค่าความแปรปรวน ของค่าประมาณตัวสัมประสิทธิ์ ตามสูตรเดิมที่ปรากฏ ก็มักจะทำให้ค่าประมาณของความแปรปรวนของค่าตัวสัมประสิทธิ์ เหล่านี้มีค่าที่ต่างกว่าความเป็นจริง ได้และจะมีผลทำให้ค่า t-ratios สูงไปกว่าความเป็นจริงด้วย และทำให้เกิดผลของการสรุปที่ผิดพลาดได้ และค่า t-ratios ตั้งกล่าวก็จะเป็น t_{st}-ratios ที่ไม่ถูกต้องอีกด้วยดังนั้นการใช้ตาราง t-students กับค่า t-ratios ที่คำนวณมาโดยวิธีดังกล่าวข้างต้นก็จะเป็นเรื่องที่ไม่น่าจะถูกต้อง ด้วยเหตุผลทั้งหมดนี้จึงควรจะมีการตรวจสอบข้อสมมุติเกี่ยวกับ homoscedasticity อีกอย่างละ เอiyd ถ้าหากมี heteroscedasticity เกิดขึ้นก็ควรจะใช้วิธี Estimate Generalized Least Squares มากกว่าใช้วิธี Ordinary Least Squares Method ที่กล่าวมาแล้วนั้น⁴

การตรวจสอบ Heteroscedasticity

ในการคำนวณหาค่า parameter a , α , β ตามวิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square Method) นั้น มีข้อสมมุติอยู่ประการหนึ่งว่า ความแปรปรวน (variance) ของตัววนกวนทุกตัว (disturbance terms) จะต้องมีค่าคงที่ หรือจะต้องเป็น homoscedasticity ซึ่งถือให้

⁴ Johnston, J. Econometric Method 2nd ed. New York: Mc-Graw-Hill, 1972. and Judge, G.G., R.C.Hill, W.E Griffiths, H.Lutkepohl, and T-C.Lee, Introduction to the Theory and practice of Econometrics, New York: John Wiley and Son, 1982

$$\sigma_i^2 = \sigma_0^2$$

โดย σ_0^2 = ถ้าความแปรปรวนที่คงที่ ถ้าความแปรปรวนที่คงที่ของตัวรับกวน
 σ_i^2 = ความแปรปรวนของตัวรับกวนของตัวแปรตัวที่ i
 $i = 1, 2, \dots, n$
n = จำนวนตัวอย่าง

ข้อมูลแบบตัดขวาง (Cross-section data) เป็นข้อมูลที่เก็บในเวลาเดียวกันแต่ต่างสถานที่กัน ดังนั้นข้อมูลมุตติงกล่าวมักจะไม่ถือว่าเป็นจริง นั่นคือความแปรปรวนของตัวรับกวนมักจะไม่เท่ากัน หรือเรียกว่าเกิด heteroscedasticity ขึ้น ผิดกับข้อมูล time series data ซึ่งเก็บจากสถานที่เดียวกันหรือตัวแปรต่างๆ เป็นชุดเดียวกันแต่ต่างเวลา กัน ดังนั้นแนวเวลาจะผ่านไปแต่ตัวแปรต่างๆ เหล่านี้ ก็ยังมีระบบ หรือระเบียบคล้ายๆ กันอยู่ ถ้าการกระจายของแต่ละกลุ่มจะไม่ต่างกันมาก นั่นคือความแปรปรวนของตัวรับกวนทุกตัวจะมีค่าคงที่

ในการพิจารณาใช้ข้อมูลแบบตัดขวางทำการวิเคราะห์ในกรณีศึกษานี้ ถ้าเกิด heteroscedasticity และยังคงใช้ Ordinary Least Square Method อยู่ ก็จะทำให้ค่าที่ประมาณได้ไม่นี efficiency อันเป็นคุณสมบัติที่ไม่เป็นที่ต้องการ แม้ค่าจะ unbiased อยู่ก็ตาม และนอกเหนือแล้ว เมื่อเกิด heteroscedasticity ขึ้น และยังใช้สูตรการคำนวณหาความแปรปรวนของค่าประมาณการหาสัมประสิทธิ์ตามสูตรเดิมอยู่นั้นก็จะทำให้ค่าประมาณการของความแปรปรวนของค่าสัมประสิทธิ์ตัวไปกว่าความเป็นจริง ซึ่งจะมีผลทำให้ค่า t-ratios สูงไปกว่าความเป็นจริง และทำให้ได้ข้อสรุปที่ผิดพลาด และค่า t-ratios ที่ได้ก็เป็นค่าที่ไม่ถูกต้อง ดังนั้นการใช้ตาราง t-student กับค่า t-ratios ที่คำนวณได้โดยวิธีนี้จึงไม่น่าจะถูกต้องด้วย

ในการที่จะพิจารณาว่า สมการดัดอยที่ถูกสร้างขึ้นมาใช้นั้นเกิดปัญหา heteroscedasticity หรือไม่ทำได้หลายวิธี เช่น ใช้วิธีการง่าย ๆ โดยการเขียนแผนภาพการกระจาย (Scatter diagram) ของถ้าความคลาดเคลื่อน (residual) ยกกำลังสอง ตามค่าของตัวแปรอิสระบางตัว ที่สงสัยว่าจะมีความสัมพันธ์กับ residual term ถ้าลักษณะของกราฟของ residual ไม่เป็นเหมือนเส้นบนแต่อาจเป็นรูปตัว V หรือ กลมรี ซึ่งแสดงให้เห็นถึงความสัมพันธ์อ่อนแรงน ที่แสดงว่าอาจเกิดปัญหา heteroscedasticity ขึ้นได้ หรือใช้วิธีทดสอบวิธีต่างๆ เช่น Spearman's rank correlation, Glejser, Bartlett, Ramsey's Bamset, Breusch-Pagan, หรือ Goldfeld and Quandt test ก็ได้

สำหรับกรณีศึกษาครั้งนี้จะใช้วิธีทดสอบของ Glejser และ Goldfeld and Quandt Test