



ภาคผนวก

ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

Copyright© by Chiang Mai University

All rights reserved

### ปัญหา autocorrelation

ข้อสมมติของ สมการถดถอยพหุคูณ มีข้อหนึ่งคือ ค่าของตัวแปรสุ่ม  $u$  จะต้องไม่มีความสัมพันธ์กัน กล่าวคือค่าของ  $u$  ในช่วงเวลาใดเวลาหนึ่งจะเป็นอิสระจากค่าของ  $u$  ในช่วงเวลาที่แล้ว หรือค่าของ  $u$  ในสิ่งตัวอย่างที่  $i$  จะเป็นอิสระจากค่าของ  $u$  ในสิ่งตัวอย่างที่  $j$  จากข้อสมมติข้อนี้ หมายความว่า ความแปรปรวนร่วมของ  $u_i$  และ  $u_j$  มีค่าเท่ากับ 0 นั่นคือ

$$\begin{aligned} \text{Cov}(u_i, u_j) &= E\{[u_i - E(u_i)][u_j - E(u_j)]\} \\ &= E(u_i u_j) \quad (\text{เมื่อ } u_i \text{ และ } u_j \text{ เป็นอิสระจากกันเท่านั้น}) \\ &= E(u_i)E(u_j) \quad i \neq j \\ &= 0 \quad [E(u_i) \text{ และ } E(u_j) = 0] \end{aligned}$$

ถ้าข้อสมมติข้อนี้ไม่เป็นความจริงแล้ว นั่นคือ ค่าของ  $u$  ในช่วงเวลาใดเวลาหนึ่งมีความสัมพันธ์กับค่าของ  $u$  ในช่วงเวลาที่แล้วมาหรือ  $u$  ในสิ่งตัวอย่างที่  $i$  มีความสัมพันธ์กับ  $u$  ในสิ่งตัวอย่างที่  $j$  ก็เรียกว่าการเกิดสหสัมพันธ์ของตัวคลาดเคลื่อน (autocorrelation หรือ serial correlation) ซึ่งจะทำให้  $\text{Cov}(u_i, u_j) \neq 0$

สหสัมพันธ์ของตัวคลาดเคลื่อนเกิดขึ้นได้ทั้งในข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลา แต่มักจะเกิดกับข้อมูลอนุกรมเวลามากกว่า ดังนั้นจึงขอใช้  $t, t-1, t-2, \dots$  เป็นดัชนีล่างของ  $u$  แทน  $i$  และ  $j$  เพื่อแสดงความคลาดเคลื่อนในช่วงเวลาต่าง ๆ ดังนั้น ถ้าเขียน

$u_t$  ก็แสดงว่าเป็นตัวคลาดเคลื่อนในเวลา  $t$

$u_{t-1}$  ก็แสดงว่าเป็นตัวคลาดเคลื่อนในเวลา  $t-1$

สหสัมพันธ์ของตัวคลาดเคลื่อนเป็นกรณีหนึ่งของสหสัมพันธ์ (correlation) ซึ่งไม่ได้เป็นการแสดงความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร 2 ตัว แต่เป็นการแสดงความสัมพันธ์ของค่าต่าง ๆ ของตัวแปรเดียวกัน ซึ่งเป็นเหตุการณ์ที่มักเกิดขึ้นเสมอ ๆ ในตัวแปรทางเศรษฐศาสตร์

สหสัมพันธ์ของตัวคลาดเคลื่อนมีหลายรูปแบบด้วยกัน กล่าวคือ ถ้าตัวคลาดเคลื่อนในช่วงเวลา  $t$  มีความสัมพันธ์กับตัวคลาดเคลื่อนในช่วงเวลา  $t-1$  ซึ่งย้อนหลังไปเพียงหนึ่งช่วงเวลา ก็เรียกว่า สหสัมพันธ์ของตัวคลาดเคลื่อนอันดับที่หนึ่ง (first order autocorrelation) ถ้า  $u_t$  มีความสัมพันธ์กับ  $u_{t-1}$  และ  $u_{t-2}$  ด้วย ซึ่งย้อนหลังไปสองช่วงเวลาเรียกว่า สหสัมพันธ์ของตัวคลาดเคลื่อนอันดับที่สอง (second order autocorrelation)

#### การทดสอบปัญหา autocorrelation

##### วิธีการทดสอบของ (Durbin-Watson Test)

เดบินและวัตสัน ได้เสนอวิธี ทดสอบสหสัมพันธ์ของตัวคลาดเคลื่อน ซึ่งเหมาะสมที่จะนำไปใช้กับข้อมูลที่มีขนาดสิ่งตัวอย่างเล็ก แต่วิธีนี้เหมาะสมกับสหสัมพันธ์ตัวคลาดเคลื่อนแบบ สหสัมพันธ์ของตัวคลาดเคลื่อนอันดับที่หนึ่ง (first order autocorrelation) เท่านั้น

วิธีการทดสอบใช้ค่า D.W. Statistic ซึ่งเป็นตัวสถิติที่ใช้ทดสอบ autocorrelation มีสูตรคำนวณดังนี้

$$d = \frac{\sum_{t=2}^n (e_t - e_{t-1})^2}{\sum_{t=1}^n e_t^2}$$

เมื่อ  $e = Y - \hat{Y}$

เมื่อคำนวณได้แล้ว จะต้องเปิดเทียบกับตาราง Durbin-Watson สำหรับค่า  $d$

โดยมีหลักเกณฑ์ดังนี้

- (1) ถ้า  $d$  น้อยกว่า  $d_L$  ในตาราง แสดงว่ามี positive autocorrelation
- (2) ถ้า  $d$  มากกว่า  $(4-d_U)$  ในตาราง แสดงว่ามี negative autocorrelation
- (3) ถ้า  $d$  อยู่ระหว่าง  $d_U$  กับ  $(4-d_U)$  แสดงว่าไม่มี autocorrelation
- (4) ถ้า  $d$  อยู่ระหว่าง  $d_U$  กับ  $d_L$  หรือ อยู่ระหว่าง  $(4-d_U)$  กับ  $(4-d_L)$  เรียกว่า อยู่ในข่ายที่ตัดสินใจยังไม่ได้ (inconclusive)

### การแก้ปัญหาคอรัลชัน autocorrelation

วิธีของคอกเครนและออร์คัต (Cochrane-Orcutt Iterative Method) นี้เป็นวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์โดยการคำนวณค่า  $\rho$  แล้วนำมาแปลงข้อมูล ให้ข้อมูลมีคุณสมบัติตามแบบจำลองคลาสสิก แล้วจึงใช้วิธีกำลังสองน้อยที่สุด (ols) คำนวณพารามิเตอร์ต่อไป แต่ขั้นตอนในการคำนวณพารามิเตอร์ จะมีการทำซ้ำหลาย ๆ รอบ จนกระทั่งค่าโรมีค่าใกล้เคียงกันหรือค่าไม่เปลี่ยนแปลงต่อไป ซึ่งวิธีของคอกเครนและออร์คัต มีขั้นตอนดังนี้

ขั้นแรก วิเคราะห์สมการถดถอยโดยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด (ols) จากแบบจำลอง

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_t + u_t$$

แล้วคำนวณ  $\hat{e}_1, \hat{e}_2, \dots, \hat{e}_n$  แล้วใช้ค่าเหล่านี้ประมาณค่า  $\hat{\rho}$  เมื่อกำหนดให้

$$\hat{\rho} = \frac{\sum \hat{e}_t \hat{e}_{t-1}}{\sum \hat{e}_{t-1}^2} \quad (t=2, 3, \dots, n)$$

เมื่อ  $\hat{e}_t = Y_t - \hat{Y}_t$   
ขั้นสอง ใช้ค่า  $\hat{\rho}$  ที่คำนวณได้แปลงข้อมูล ดังนี้

$$Y_t^* = Y_t - \hat{\rho} \cdot Y_{t-1}$$

$$X_t^* = X_t - \hat{\rho} \cdot X_{t-1}$$

นำข้อมูลที่แปลงแล้วไปคำนวณหาสมการถดถอยจากแบบจำลอง

$$(Y_t - \hat{\rho} \cdot Y_{t-1}) = \beta_0^* + \beta_1^* (X_t - \hat{\rho} \cdot X_{t-1}) + u_t^*$$

จากสมการถดถอยที่คำนวณได้ในรอบ 2 นี้ จะได้  $\beta_0^*, \beta_1^*$  ซึ่งสามารถนำไปคำนวณ

หาค่า  $\hat{e}_1, \hat{e}_2, \dots, \hat{e}_n$

ซึ่ง  $\hat{e}_t = Y_t - \hat{Y}_t$   
 $\hat{Y}_t = \beta_0^* + \beta_1^* X_t$   
 แล้วนำค่า  $\hat{e}_t$  ที่ได้ไปคำนวณหาค่า  $\hat{\rho}$

$$\hat{\rho} = \frac{\sum \hat{e}_t \hat{e}_{t-1}}{\sum \hat{e}_{t-1}^2} \quad (t=2, 3, \dots, n)$$

ขั้นสาม นำค่า  $\hat{\rho}$  ที่ได้มาแปลงข้อมูล  $Y_t$  และ  $X_t$  อีกครั้งแล้วทำเช่นเดียวกับขั้นตอนที่ 2 ที่ทำซ้ำ ๆ กันเช่นนี้ เรียกว่า iterative method จะทำซ้ำ ๆ กันจนกระทั่ง ตัวประมาณค่า ไม่เปลี่ยนค่าอีกต่อไป ในที่สุดก็ได้สมการถดถอยที่ต้องการ

### ปัญหา Multicollinearity

สมการถดถอยพหุคูณมีข้อสมมติเบื้องต้นข้อหนึ่งคือ ตัวแปรอิสระจะต้องไม่มีความสัมพันธ์กันอย่างเด็ดขาด แต่ถ้าตัวแปรอิสระมีความสัมพันธ์กันเชิงเส้นแล้ว เราเรียกว่า เกิดปัญหาตัวแปรอิสระมีความสัมพันธ์กัน (multicollinearity) ถ้าตัวแปรอิสระมีความสัมพันธ์เชิงเส้นกันอย่างสมบูรณ์แล้ว ใช้วิธีการประมาณค่าแบบกำลังสองน้อยที่สุดจะทำให้ไม่สามารถหาค่าของพารามิเตอร์แต่ละตัวได้ เพราะเหตุว่า ถ้าเราใช้ Matrix เข้ามาช่วยในการคำนวณ เราจะได้ค่า Singular Matrix ในทางตรงกันข้ามถ้าตัวแปรอิสระหรือตัวแปรอธิบาย ไม่มีความสัมพันธ์กันเลย การประมาณค่าพารามิเตอร์ของสัมประสิทธิ์โดยวิธี ols จะไม่มีปัญหาจากสมการความสัมพันธ์ ดังนี้

$$Y_t = a + bX_{1t} + cX_{2t} + dX_{3t} + u_t$$

ถ้าค่าตัวแปร  $X_2$  และ  $X_3$  มีความสัมพันธ์กันมาก เราไม่สามารถแยกได้ว่า การเปลี่ยนแปลงของ  $Y$  มีผลเนื่องมาจาก  $X_2$  เท่าใด และ  $X_3$  เท่าใด ดังนั้นจะทำให้ค่าของ  $c$  และ  $d$  ไม่แน่นอน ค่า standard errors ของ  $c$  และ  $d$  จะสูงกว่าความเป็นจริง

วิธีพิสูจน์ว่าสมการถดถอย มีปัญหา multicollinearity หรือไม่นั้น สังเกตได้จากค่า standard errors ของสัมประสิทธิ์ ซึ่งถ้ามี multicollinearity แล้วนั้นทำให้ค่า standard errors มีค่าสูง ซึ่งเป็นผลทำให้  $t$ -ratios มีค่าต่ำมาก หรือสังเกตจากค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (correlation) ของตัวแปรอธิบายในสมการถดถอย ว่ามีค่าเข้าใกล้ 1 หรือไม่ ถ้าค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์มีค่าเข้าใกล้ 1 แสดงว่าตัวแปรอธิบายนั้นมีความสัมพันธ์กัน

## ประวัติผู้เขียน

ชื่อ นาย วัชระ หัสภาค  
 วัน เดือน ปีเกิด 23 ธันวาคม 2510  
 ประวัติการศึกษา  
 สำเร็จการศึกษาชั้นมัธยมปีที่ 6 จากโรงเรียนสวนกุหลาบวิทยาลัย  
 กรุงเทพมหานคร เมื่อปีการศึกษา 2528  
 สำเร็จการศึกษาปริญญาตรี เศรษฐศาสตรบัณฑิต คณะเศรษฐศาสตร์  
 มหาวิทยาลัยธรรมศาสตร์ เมื่อปีการศึกษา 2532  
 ประสบการณ์การทำงาน  
 ปี พ.ศ. 2534 ทำงานในตำแหน่ง นักวิชาการพาณิชย์ 3  
 สำนักงานพาณิชย์ จังหวัดเชียงราย

ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่  
 Copyright© by Chiang Mai University  
 All rights reserved