

ชื่อเรื่องวิทยานิพนธ์

เกณฑ์การแก้วงกวัดสำหรับสมการเชิงอนุพันธ์ไม่เชิงเส้น

อันดับสองที่มีการหน่วง

ผู้เขียน

นายวัชรังค์ วงศุรักษ์

ปริญญา

วิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต (คณิตศาสตร์ประยุกต์)

อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์

ศ. อรุณวิช ชนันไทย

บทคัดย่อ

ในวิทยานิพนธ์นี้ จะศึกษาเกี่ยวกับการแก้วงกวัดของสมการเชิงอนุพันธ์ไม่เชิงเส้นอันดับสองที่มีการหน่วงซึ่งอยู่ในรูป

$$1. [r(t)k_1(x(t), x'(t))]' + p(t)k_2(x(t), x'(t))x'(t) + q(t)f(x(t)) = 0 \text{ และ}$$

$$2. [r(t)k_1(x(\tau(t)), x'(\tau(t)))]' + p(t)k_2(x(\tau(t)), x'(\tau(t)))x'(\tau(t)) + q(t)f(x(\tau(t))) = 0$$

สำหรับ $r, \tau \in C^1([t_0, \infty); (0, \infty))$, $p, q \in C([t_0, \infty); \mathbb{R})$, $k_1 \in C^1(\mathbb{R}^2; \mathbb{R}^2)$, $k_2 \in C(\mathbb{R}^2; \mathbb{R}^2)$,

$f \in C(\mathbb{R}; \mathbb{R})$ และ $x(t)f(x(t)) > 0$, $xf(x) > 0$ สำหรับ $x \neq 0$

โดยใช้การแปลงรีຄิดาดิวันนัยทั่วไป ใช้เทคนิคค่าเฉลี่ยของปริพันธ์เพื่อสร้างเงื่อนไขเพียงพอบางอย่างที่ทำให้ทุกผลเนลยของสมการแก้วงกวัด

จัดสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่
Copyright © by Chiang Mai University
All rights reserved

Thesis Title Oscillation Criteria for Second Order Nonlinear Differential Equations with Damping

Author Mr. Wacharong Wongsanurak

Degree Master of Science (Applied Mathematics)

Thesis Advisor Prof. Amnuay Khananthai

ABSTRACT

In this thesis, we are concerned with the oscillation behavior of solutions of second order nonlinear differential equations with damping in two forms

1. $[r(t)k_1(x(t), x'(t))]' + p(t)k_2(x(t), x'(t))x'(t) + q(t)f(x(t)) = 0$ and
2. $[r(t)k_1(x(\tau(t)), x'(\tau(t)))]' + p(t)k_2(x(\tau(t)), x'(\tau(t)))x'(\tau(t)) + q(t)f(x(\tau(t))) = 0$.

Where $r, \tau \in C^1([t_0, \infty); (0, \infty))$, $p, q \in C([t_0, \infty); \mathbb{R})$, $k_1 \in C^1(\mathbb{R}^2; \mathbb{R}^2)$, $k_2 \in C(\mathbb{R}^2; \mathbb{R}^2)$, $f \in C(\mathbb{R}; \mathbb{R})$ and $x(t)f(x(t)) > 0$, $xf(x) > 0$ for $x \neq 0$. By using a generalized Riccati transformation and integral averaging technique. We constructed the sufficient condition to give all solutions oscillated.

Copyright[©] by Chiang Mai University
All rights reserved